2013 年度 地盤工学基礎 演習課題 [2013.10.23 出題]

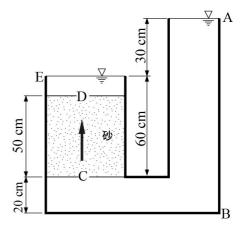
問題

図のように、断面積が 870 cm^2 の角パイプ内(CD間)に砂を詰め、A点とE点の水位を一定に保ったときに生ずる定常透水に関して、以下の問いに答えよ。

(1) 底面 B 点の位置水頭をゼロとしたとき、A, B, C, D, E の各点における圧力水頭、位置水頭、および全水頭の値をそれぞれ求めよ。

(ヒント: A~C, D~E 間は静水状態と仮定して良い。)

(2) 砂地盤の透水係数は $k = 2.53 \times 10^{-2}$ cm/s である。このパイプを通過する 1 時間あたりの流量を求めよ。



解答例

(1)

位置水頭は、底面のB点を基準とする高さで決まるので、

A: 20+60+30=110 cm, C: 20 cm, D: 20+50=70 cm, E: 20+60=80 cm

圧力水頭は水深なので、A、Eの圧力水頭は明らかに0cmであり、

B:30+60+20=110 cm, D:60-50=10 cm となる。

C点の圧力はE点からではなく、A点からの深さで決まるので、30+60=90 cm となる。

以上を下表にまとめ、全水頭を位置水頭と圧力水頭の和として求める。

	A	В	С	D	Е
位置水頭 (cm)	110	0	20	70	80
圧力水頭 (cm)	0	110	90	10	0
全 水 頭 (cm)	110	110	110	80	80

(2)

動水勾配は、CD間の全水頭損失が、表より-Δh=110-80=30cmとなるから

$$i = -\frac{\Delta h}{\Delta S} = \frac{30}{50} = 0.6$$

したがって、1時間 $(60^2 s)$ あたりの流量は、

$$Q = Av = Aki$$
=870×2.53×10⁻²×0.6×60²=13.2066 (cm³/s)×60²(s)=47543.76
≈4.75×10⁴ (cm³/h)=47.5 (l/h)

補足

一番間違えやすい点だが、C点の圧力水頭を60cmとした解答があった。

もしその場合、C点の全水頭が 80cm になって CD 間で水頭損失がゼロ、すなわち透水は起こらないということになってしまう。各点の全水頭はどの水位面に支配されているかをまず考える。 $A\sim C$ 間が静水と考えれば、C点の全水頭が Aの水位によって決まってくることがわかる。